

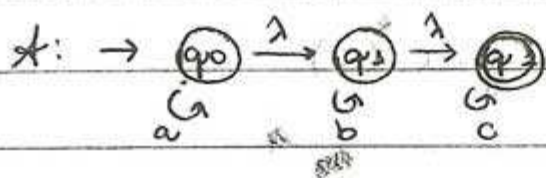
Seja $A = (Q, \Sigma, \delta, s, F)$ um afnd ($\delta: Q \times (\Sigma \cup \{\lambda\}) \rightarrow 2^Q$)

Como estender δ para $\hat{\delta}: Q \times \Sigma^* \rightarrow 2^Q$ tal que $\forall q \in Q, \forall x \in \Sigma^*$,

$\hat{\delta}(q, x) = \{p \in Q : \text{existe em } G(A) \text{ um caminho } p: q \xrightarrow{x} p\}$?

$\forall q \in Q, \lambda\text{-fecho}(q) = \{p \in Q : \text{existe em } G(A) \text{ um caminho } p: q \xrightarrow{\lambda} p\}$
que pode ser o caminho trivial

Exemplo: $L(a^* b^* c^*)$



$\lambda\text{-fecho}(q_0) = \{q_0, q_1, q_2\}$

$\lambda\text{-fecho}(q_1) = \{q_1, q_2\}$

$\lambda\text{-fecho}(q_2) = \{q_2\}$

$$\forall K \subseteq Q, \lambda\text{-fecho}(K) = \bigcup_{q \in K} \lambda\text{-fecho}(q)$$

Vamos definir $\hat{\delta}: Q \times \Sigma^* \rightarrow 2^Q$, indutivamente por:

i) $\forall q \in Q, \hat{\delta}(q, \lambda) = \lambda\text{-fecho}(q)$

ii) $\forall q \in Q, \forall x \in \Sigma^*, \forall \sigma \in \Sigma, \hat{\delta}(q, x\sigma) = \lambda\text{-fecho}(\delta(\hat{\delta}(q, x), \sigma))$

Observações:

① Podemos estudar δ e $\hat{\delta}$ para subconjunto de estados

$$\forall K \subseteq Q \quad \begin{cases} \delta(K, \sigma) = \bigcup_{q \in K} \delta(q, \sigma), \forall \sigma \in (\Sigma \cup \{\lambda\}) \\ \hat{\delta}(K, x) = \bigcup_{q \in K} \hat{\delta}(q, x), \forall x \in \Sigma^* \end{cases}$$

② $\forall q \in Q, \forall \sigma \in (\Sigma \cup \{\lambda\})$

$\hat{\delta}(q, \sigma)$ pode ser diferente de $\delta(q, \sigma)$

Proposição 3: Seja $A = (Q, \Sigma, \delta, s, F)$ um afnd

$\forall p, q \in Q, \forall x \in \Sigma^*$, existe em $G(A)$ um caminho $p \xrightarrow{x} q$

se e somente se $q \in \hat{\delta}(p, x)$

Conclusão 4: Seja $A = (Q, \Sigma, \delta, s, F)$ um afnd

$$L(A) = \{x \in \Sigma^* : \hat{\delta}(s, x) \cap F \neq \emptyset\}$$

lema 5: Para cada afnd A com λ -transições, existe um afnd B em λ -transições tal que $L(A) = L(B)$

Algoritmo para determinar λ -fecho (K)

- Recebe $\left\{ \begin{array}{l} \text{um afnd } A = (Q, \Sigma, \delta, s, F), \text{ onde } \delta: Q \times (\Sigma \cup \{\lambda\}) \rightarrow 2^Q \\ \text{um subconjunto de estados } K \subseteq Q \end{array} \right.$
- Determina: $\text{Fecho} = \lambda\text{-fecho}(K)$

$\text{Fecho} \leftarrow \emptyset$

Inicializa Fila (Fila);

para (cada estado $q \in K$) faça $\left. \begin{array}{l} \text{Fecho} \leftarrow \text{Fecho} \cup \{q\}; \\ \text{Inser Fila (Fila, } q); \end{array} \right\} O(|Q|)$

enquanto (Fila não vazia (Fila)) faça

Remove Fila (Fila, q);

para (cada estado $p \in \delta(q, \lambda)$) faça

se ($p \notin \text{Fecho}$)

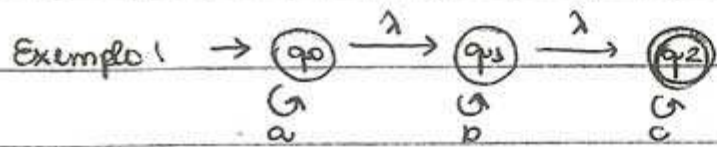
então

$\text{Fecho} \leftarrow \text{Fecho} \cup \{p\}$

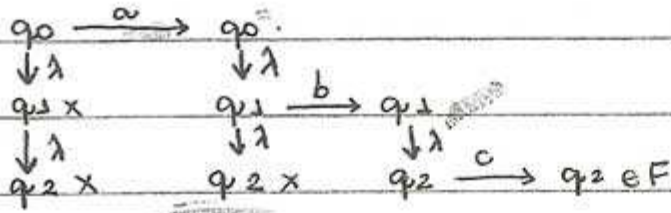
Inser Fila (Fila, p);

retorne Fecho

Observação: O consumo de tempo do algoritmo no pior caso é $O(|Q|^2)$



$x = abc$



Algoritmo para verificar se x é aceita por A

- Recebe $\left\{ \begin{array}{l} \text{uma palavra } x \in \Sigma^* \\ \text{um afn de } A = (Q, \Sigma, \delta, s, F) \end{array} \right.$
- Verifica se x é aceita por A

$K \leftarrow \lambda\text{-fecho}(s); \quad O(|Q|^2)$

entrada $\leftarrow x,$

enquanto (não lev todas entradas e $K \neq \emptyset$) faça

$\sigma \leftarrow$ leia o próximo símbolo de entrada

$K \leftarrow \lambda\text{-fecho}(\delta(K, \sigma)); \quad \rightarrow O(|Q|^2)$

se $(K \cap F \neq \emptyset) \quad O(|Q|^2)$

então x é aceita por A

senão x não é aceita por A

Observação! No pior caso, o consumo de tempo deste algoritmo é $O(|x| \cdot |Q|^2)$

$$N\text{Rec}(\Sigma) = \text{Rec}(\Sigma)$$

$A = (Q_A, \Sigma, \delta_A, s_A, F_A)$ afd $\delta_A: Q_A \times \Sigma \rightarrow Q_A$

$B = (Q_B, \Sigma, \delta_B, s_B, F_B)$ afd

$$\forall q \in Q_A, \delta_B(q, \sigma) = \delta_A(q, \sigma) \quad \forall q \in Q_A, \delta_B(q, \lambda) = \emptyset$$

$$\forall \sigma \in \Sigma$$